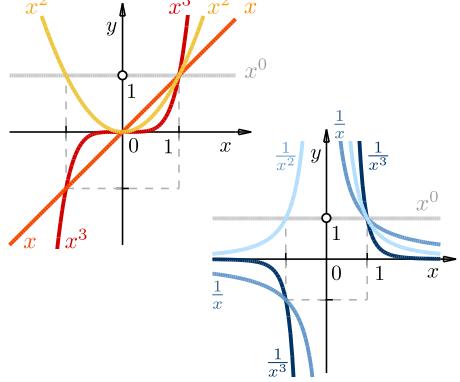
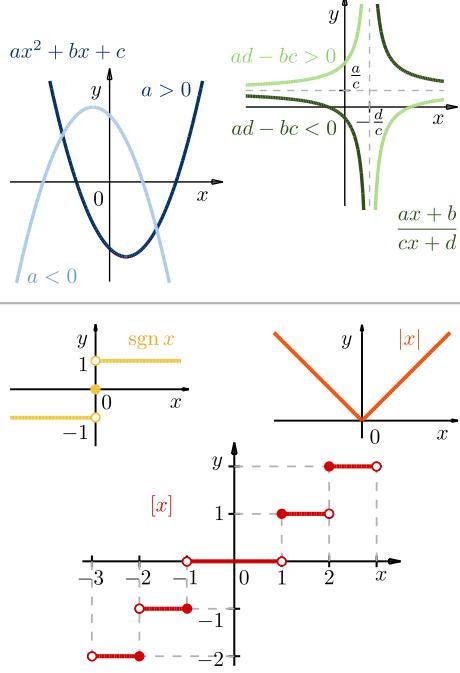


Reálné funkce jedné reálné proměnné

	$D(f)$	$H(f)$	pozn.	graf funkce f	$D(f')$	derivace f'		
mocniná funkce s celým exponentem	$f: y = x^0$	$\mathbf{R} \setminus \{0\}$	{1}	sudá		$\mathbf{R} \setminus \{0\}$	$f'(x) = 0$	
	$f: y = x^n$	$n \in \mathbf{N}$	n sudé n liché	\mathbf{R} \mathbf{R}	$(0, +\infty)$ \mathbf{R}	sudá lichá	\mathbf{R}	$f'(x) = nx^{n-1}$
	$f: y = x^{-n}$	$n \in \mathbf{N}$	n liché n sudé	$\mathbf{R} \setminus \{0\}$ $\mathbf{R} \setminus \{0\}$	$(0, +\infty)$ $\mathbf{R} \setminus \{0\}$	sudá lichá	$\mathbf{R} \setminus \{0\}$ $\mathbf{R} \setminus \{0\}$	$f'(x) = -nx^{-n-1}$
n-tá odmocnina	$f: y = \sqrt[n]{x}$	$n \in \mathbf{N}$	n liché n sudé	$(0, +\infty)$ \mathbf{R}	\mathbf{R}	lichá	$(0, +\infty)$ $\mathbf{R} \setminus \{0\}$	$f'(x) = \frac{1}{n}x^{\frac{1}{n}-1}$
	$f: y = x^{\frac{m}{n}}$			\mathbf{R} \mathbf{R} $(0, +\infty)$	$(0, +\infty)$ \mathbf{R} $(0, +\infty)$	sudá lichá sudá	$\mathbf{R} \setminus \{0\}$ $\mathbf{R} \setminus \{0\}$ $(0, +\infty)$	$f'(x) = \frac{m}{n}x^{\frac{m}{n}-1}$
	$f: y = x^{-\frac{m}{n}}$	$m, n \in \mathbf{N}$	m liché m sudé n liché n sudé	$\mathbf{R} \setminus \{0\}$ $\mathbf{R} \setminus \{0\}$ $(0, +\infty)$	$(0, +\infty)$ $\mathbf{R} \setminus \{0\}$ $(0, +\infty)$	sudá lichá sudá	$\mathbf{R} \setminus \{0\}$ $\mathbf{R} \setminus \{0\}$ $(0, +\infty)$	$f'(x) = -\frac{m}{n}x^{-\frac{m}{n}-1}$
mocniná funkce s obecným exponentem	$f: y = x^a$	$a \in \mathbf{R} \setminus \mathbf{Q}$	$a > 0$ $a < 0$	$(0, +\infty)$ $(0, +\infty)$	$(0, +\infty)$ $(0, +\infty)$		$(0, +\infty)$ $(0, +\infty)$	$f'(x) = ax^{a-1}$
	$f: y = q$			\mathbf{R}	$\{q\}$			$f'(x) = 0$
	$f: y = kx + q$		$k \neq 0$	\mathbf{R}	\mathbf{R}			$f'(x) = k$
	$f: y = ax^2 + bx + c$			\mathbf{R}				$f'(x) = 2ax + b$
	$f: y = \frac{ax+b}{cx+d}$	$c \neq 0$ $bc - ad \neq 0$		$\mathbf{R} \setminus \{-\frac{d}{c}\}$	$\mathbf{R} \setminus \{-\frac{a}{c}\}$			$f'(x) = \frac{ad - bc}{(cx+d)^2}$
	$f: y = \operatorname{sgn} x$			\mathbf{R}	$\{-1, 0, 1\}$	lichá		
	$f: y = x $		$= \begin{cases} x, & x \geq 0, \\ -x, & x < 0. \end{cases}$	\mathbf{R}	$(0, +\infty)$	sudá	 $[x]$	$f'(x) = k$
	$f: y = [x]$			\mathbf{R}	\mathbf{Z}	lichá		

$$f(x)^{g(x)} = e^{g(x) \ln f(x)}$$

Reálné funkce jedné reálné proměnné

	transcendentní funkce	$D(f)$	$H(f)$	pozn.	graf funkce f	$D(f')$	derivace f'
exponentiální funkce	$f: y = a^x, \quad a > 0$ $a \neq 1$ $f: y = e^x$ $e \doteq 2,718281828$	\mathbf{R}	$(0, +\infty)$			\mathbf{R}	$f'(x) = a^x \ln a$ $f'(x) = e^x$
logaritmická funkce	$f: y = \log_a x, \quad a > 0$ $a \neq 1$ $f: y = \log_e x = \ln x$ $f: y = \log_{10} x = \log x$	$(0, +\infty)$	\mathbf{R}			$(0, +\infty)$	$f'(x) = \frac{1}{x \ln a}$ $f'(x) = \frac{1}{x}$ $f'(x) = \frac{1}{x \ln 10}$
goniometrické funkce	$f: y = \sin x$ $f: y = \cos x$ $f: y = \operatorname{tg} x = \frac{\sin x}{\cos x}, \quad k \in \mathbf{Z}$ $f: y = \operatorname{cotg} x = \frac{\cos x}{\sin x}$	\mathbf{R} \mathbf{R} $\mathbf{R} \setminus \{(2k+1)\frac{\pi}{2}, k \in \mathbf{Z}\}$ $\mathbf{R} \setminus \{k\pi, k \in \mathbf{Z}\}$	$\langle -1, 1 \rangle$ $\langle -1, 1 \rangle$ \mathbf{R} \mathbf{R}	period. $T = 2\pi$ lichá period. $T = 2\pi$ sudá period. $T = \pi$ lichá period. $T = \pi$ lichá		\mathbf{R} \mathbf{R} $\mathbf{R} \setminus \{(2k+1)\frac{\pi}{2}, k \in \mathbf{Z}\}$ $\mathbf{R} \setminus \{k\pi, k \in \mathbf{Z}\}$	$f'(x) = \cos x$ $f'(x) = -\sin x$ $f'(x) = \frac{1}{\cos^2 x}$ $f'(x) = \frac{-1}{\sin^2 x}$
cyklometrické funkce	$f: y = \arcsin x$ $f: y = \arccos x$ $f: y = \operatorname{arctg} x$ $f: y = \operatorname{arccotg} x$	$\langle -1, 1 \rangle$ $\langle -1, 1 \rangle$ \mathbf{R} \mathbf{R}	$\langle -\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2} \rangle$ $\langle 0, \pi \rangle$ $(-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2})$ $(0, \pi)$	lichá		$(-1, 1)$ $(-1, 1)$ \mathbf{R} \mathbf{R}	$f'(x) = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$ $f'(x) = \frac{-1}{\sqrt{1-x^2}}$ $f'(x) = \frac{1}{1+x^2}$ $f'(x) = \frac{-1}{1+x^2}$
hyperbolické funkce	$f: y = \sinh x = \frac{e^x - e^{-x}}{2}$ $f: y = \cosh x = \frac{e^x + e^{-x}}{2}$ $f: y = \operatorname{tgh} x = \frac{\sinh x}{\cosh x}$ $f: y = \operatorname{cotgh} x = \frac{\cosh x}{\sinh x}$	\mathbf{R} \mathbf{R} \mathbf{R} $\mathbf{R} \setminus \{0\}$	\mathbf{R} $(1, +\infty)$ $\langle -1, 1 \rangle$ $\mathbf{R} \setminus \langle -1, 1 \rangle$	lichá sudá lichá lichá		\mathbf{R} \mathbf{R} \mathbf{R} $\mathbf{R} \setminus \{0\}$	$f'(x) = \cosh x$ $f'(x) = \sinh x$ $f'(x) = \frac{1}{\cosh^2 x}$ $f'(x) = \frac{-1}{\sinh^2 x}$
hyperbolometrické funkce	$f: y = \operatorname{argsinh} x$ $f: y = \operatorname{argcosh} x$ $f: y = \operatorname{argtgh} x$ $f: y = \operatorname{argcotgh} x$	\mathbf{R} $(1, +\infty)$ $(-1, 1)$ $\mathbf{R} \setminus \{0\}$	\mathbf{R} $\langle 0, +\infty \rangle$ \mathbf{R} $\mathbf{R} \setminus \{0\}$	lichá lichá lichá lichá		\mathbf{R} $(1, +\infty)$ $(-1, 1)$ $\mathbf{R} \setminus \langle -1, 1 \rangle$	$f'(x) = \frac{1}{\sqrt{1+x^2}}$ $f'(x) = \frac{1}{\sqrt{x^2-1}}$ $f'(x) = \frac{1}{1-x^2}$ $f'(x) = \frac{1}{1-x^2}$